MATEMATICA (LB04)

(Università degli Studi)

Insegnamento FISICA MATEMATICA

Insegnamento FISICA MATEMATICA

Anno di corso 3

Insegnamento in inglese MATHEMATICAL PHYSICS

Lingua ITALIANO

Settore disciplinare MAT/07

Percorso PERCORSO COMUNE

GenCod A000477

Docente titolare Anna Maria CHERUBINI

Corso di studi di riferimento MATEMATICA

Tipo corso di studi Laurea

Sede

Crediti 9.0

Periodo Primo Semestre

Ripartizione oraria Ore Attività frontale: 63.0

Tipo esame Orale

Per immatricolati nel 2018/2019

Valutazione Voto Finale

Erogato nel 2020/2021

Orario dell'insegnamento https://easyroom.unisalento.it/Orario

BREVE DESCRIZIONE DEL CORSO

Nella prima parte del corso si trattera' lo studio qualitativo delle equazioni differenziali ordinarie, nella seconda una introduzione alla meccanica lagrangiana.
In the first part of the course will be presented fundamental concepts and results at the basis of the qualitative theorey of ordinary differential equations; the second part consists in an introduction to Lagrangian mechanics.

PREREQUISITI

Prerequisiti:

Nozioni sullo studio spettrale di matrici (determinazione di autovalori, autovettori, autospazi e diagonalizzazione).

Competenza sulla risoluzione di sistemi lineari di equazioni differenziali ordinarie a coefficienti costanti.

Nozione di curva, superficie e spazio tangente.
Nozioni di meccanica: equazioni di Newton, energia totale, energia potenziale, momento e quantita' di moto. Nozioni sulla meccanica del corpo rigido. Capacita' di ricavare le equazioni del moto per semplici sistemi di punti o corpi rigidi.

OBIETTIVI FORMATIVI	**Conoscenze e comprensione.** Acquisizione di concetti, risultati e metodi fondamentali nello studio della fisica matematica, sia per quanto riguarda l'area dei sistemi dinamici sia per quanto riguarda i sistemi lagrangiani . **Capacità di applicare conoscenze e comprensione:** **1 .** Capacità di comprendere in modo autonomo testi di argomento fisico-matematico, siano essi libri di testo introduttivi o semplici articoli specialistici. **2**. Capacità di dimostrare risultati matematici correlati a quelli spiegati durante il corso e di reperire autonomamente, ove necessario, le informazioni necessarie alla soluzioni di semplici problemi in ambito fisico-matematico. **3.** Capacità di formalizzare matematicamente, analizzare e risolvere problemi di moderata difficoltà. **Autonomia di giudizio.** Le modalità di esposizione dei contenuti sono finalizzate a migliorare la capacità critica degli studenti, necessaria al lavoro matematico, per esempio nell' analizzare la correttezza di una dimostrazione o la rilevanza di un metodo o di un'argomentazione relativamente all'ambito in cui si lavora. **Abilità comunicative.** La modalità di esposizione dei contenuti del corso è volta anche ad educare gli studenti all'uso di un corretto linguaggio matematico e ad una efficace comunicazione di problemi, questioni e risultati scientifici. **Capacità di apprendimento** Nel corso delle lezioni verranno proposti esercizio correlati con gli argomenti trattati affinché studenti e studentesse possano applicare e sperimentare in modo autonomo quanto appreso durante il corso.
METODI DIDATTICI	Lezioni frontali
MODALITA' D'ESAME	L'esame è orale. Nel corso dell'esame si richiederà l'esposizione di argomenti teorici, in particolare teoremi con semplici dimostrazioni, per verificare la compresione della teoria e la padronanza del ragionamento dimostrativo. Inoltre si proporranno problemi ed esercizi per verificare la padronanza profonda degli strumenti matematici esposti durante il corso e la capacità da parte degli esaminandi di risolvere quesiti matematici in autonomia.
ALTRE INFORMAZIONI UTILI	Come per gli anni passati gli studenti potranno anche anche fare riferimento ad un blog dedicato per informazioni specifiche. A dedicated blog with infos and material will be set up. Orario di ricevimento : Martedi', dalle 13 alle 14, da ottobre a dicembre 2020 (consiglio di mandare un e-mail per prenotarsi). In altri periodi previo appuntamento. **Office Hours**: Tuesday 13-14.

PROGRAMMA ESTESO

In Italiano:

1 Studio qualitativo di sistemi di equazioni differenziali ordinarie.
Definizione spazio delle fasi, soluzione, orbita per sistemi di ODE al primo ordine (o sistema dinamico).
Teorema di Cauchy-Kowalevskaya; dipendenza continua dai dati iniziali e dai parametri.
Definizione e proprieta' del flusso.
Integrali primi; derivata di Lie.
Stabilita': funzione di Lyapunov e secondo teorema di stabilita' di Lyapunov. Teorema di Lagrange-Dirichlet
Ritratto in fase di sistemi meccanici con un grado di liberta.

Esponenziale di una matrice e soluzioni di un
sistema dinamico lineare, con particolare
attenzione al caso diagonalizzabile.
Classificazione dell'equilibrio di un sistema lineare piano.
Stabilita' dell'equilibrio di un sistema lineare n-dimensionale. Definizione
di sottospazi stabili,instabili e centrali. Definizione di matrice iperbolica
o ellittica; definizione di equilibrio iperbolico.
Equilibrio in sistemi non lineari:
Il teorema di Hartman-Grobman.
Il teorema della varietà stabile.
Primo teorema di Lyapunov.

Cicli limite.
Teorema di Poincaré-Bendixson.

Biforcazioni in un sistemi mono e bidimensionale. Biforcazione tangente,
transcritica, a forchetta.
Biforcazione di Hopf .

2 Elementi di meccanica lagrangiana

Introduzione e motivazione del formalismo lagrangiano.
Equazioni di Lagrange per **N** punti materiali soggetti a vincoli ideali fissi
o dipendenti dal tempo
Coordinate cicliche. Lagrangiane ridotte.
Il teorema di Noether.
Lagrangiana per un corpo rigido.
Piccole oscillazioni per problemi lagrangiani; modi normali dioscillazione.
Equazione di Eulero-Lagrange e principio di minima azione.

Nozioni introduttive ai sistemi hamiltoniani.

In English:

1. Qualitative Theory for ordinary differential equations

Definition of phase space, solution and orbit for a system of ODEs (dynamical system).
Cauchy - Kowalevskaya theorem; continuous dependence of solutions from initial data and parameters .

Definition and properties of the flow .
First integrals and Lie derivative.
Stability: Lyapunov function and second Lyapunov theorem; Lagrange - Dirichlet theorem
Phase portrait of mechanical systems with one degree of freedom.
Exponential of a matrix and solutions of a linear dynamic system.
Classification of equilibria of a linear plane system.
Stability of an n-dimensional linear system; stable, unstable and central subspaces.
Stability in non- linear systems: the Hartman - Grobman theorem, the stable manifold theorem, first Lyapunov theorem.
Limit cycles and Poincaré-Bendixson theorem .
Bifurcations in one and two-dimensional systems: tangent, transcritical and pitchfork bifurcation.
Hopf bifurcation.

2. Introduction to Lagrangian mechanics

Introduction and motivation of the Lagrangian formalism.
Lagrange equations for N points under ideals constraints.
Cyclic coordinates and reduced Lagrangian .
Noether's theorem .
Lagrangian for a rigid body .
Small oscillations and normal modes of oscillation.
Euler- Lagrange equations and the principle of minimum action.

Introductory elements on Hamiltonian systems.

TESTI DI RIFERIMENTO

Testi di riferimento:

G.Benettin, L.Galgani, A.Giorgilli, *Appunti di Meccanica Razionale*, Ed. Progetto, Padova

A.Celletti, *Esercizi di meccanica razionale*, Aracne, Roma (2003)
P.Glendinning, *Stability, Instability and Chaos: An Introduction to the Theory of Nonlinear Differential Equations,* Cambridge University Press (1994)
M.Hirsch, S.Smale, R.Devaney, *Differential Equations, Dynamical Systems and an Introduction to Chaos*, III Edition, Elsevier (2012)
L. Perko, *Differential Equations and Dynamical Systems, III Edition, Springer (2001).*
S. Strogatz, *Nonlinear dynamics and chaos: with applications to physics, biology, chemistry, and engineering*, II edition, Westview Books (2015)